Nom: Prénom: Matricule:

MATH2010-1 Logiciels mathématiques Examen final pratique – groupe B – 17 juin 2016

Répondre aux questions suivantes. Vous avez droit à vos notes, à internet, mais pas aux moyens de communication de tout type (courriel, téléphone, etc.) Vos réponses doivent être manuscrites (rédigées à la main) et utiliser Sympy sous Python 3 ou Mathematica. Vous devez écrire à la main la réponse ainsi que la démarche pour l'obtenir, c'est-à-dire le code ou les calculs que vous avez utilisés. Si vous utilisez Python, vous pouvez supposer que toutes les fonctions de Sympy ont été importées et que les variables Sympy et Sympy ont été définies :

```
from sympy import *
from sympy.abc import x, n
```

Vous devez mentionner toutes les autres variables et fonctions que vous importez.

Question 1 (2 pts). En exécutant le code ci-dessous en SymPy, qu'est-ce que la ligne print (expr) imprime à l'écran? Expliquer pourquoi.

```
from sympy import sin, pi
from sympy.abc import x
expr = sin(x) + 1
x = pi
print(expr)
```

Réponse :

Explications:

Est-ce que Mathematica se comporte de la même façon?

Réponse :

Question 2 (1 pts). Écrire l'expression suivante sous un dénominateur commun et factoriser ce dénominateur :

$$-\frac{17}{2304(x+3)} - \frac{1}{64(x-1)} + \frac{1}{1280(x-5)} + \frac{1}{45x} - \frac{1}{96(x+3)^2}$$

Démarche et réponse :

Question 3 (1 pts). Décomposer l'expression suivante en somme de fractions rationnelles :

$$f(x) = \frac{2x^4 - 19x^3 - 108x^2 + 1751x - 4950}{x^5 - 17x^4 + 81x^3 + 17x^2 - 826x + 1176}$$

Démarche et réponse :	

Question 4 (1 pts). Calculer $\int_{-1}^{1} f(x) dx$ pour la fonction rationnelle f(x) définie à la question précédente.

Démarche et réponse :

Question 5 (2 pts). Calculer la série suivante, en fonction de x:

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+1)x^{2n+1}}{(2n+1)!}$$

Démarche et réponse :

Démarche et réponse :	
	omme des chiffres de $3^{15} = 14348907$ est égale à $1+4+3+4+$ est la somme des chiffres de 3^{1000} ?
Démarche et réponse :	
Question 8 (1 pts). Chere	cher l'ensemble des nombres complexes z tels que $ z = z - 3i $.
Démarche et réponse :	

Question 9 (1 pts). Trouver les racines complexes du polynôme suivant :

$$g(x) = x^4 + (i-5) x^3 - (20i + 23) x^2 + (121i + 45) x - 210i + 126$$

Démarche et réponse :

Question 10 (2 pts). Résoudre le système d'équations linéaires suivant :

$$\begin{cases} 3x + 2y + 2w = 5\\ x + y + 5z + 5w = 3\\ 2x + z + w = 1\\ 4y + 3z + 2w = 4 \end{cases}$$

Démarche et réponse :

Question 11 (2 pts). Le folium de Descartes est une courbe algébrique mathématique en forme de nœud de ruban étudiée par Descartes en 1638. On peut la définir avec les équations paramétriques suivantes :

$$x = \frac{3ap}{1+p^3}, y = \frac{3ap^2}{1+p^3}.$$

Choisir une valeur de votre choix pour la constante a. Dessiner cette courbe en trouvant un intervalle réel approprié (c'est-à-dire qui crée un beau dessin) pour la variable p.

Démarche et réponse :
Question 12 (2 pts). Soit la matrice
$/-274$ 98 362 16 \
$A = \begin{bmatrix} -480 & 180 & 590 & 20 \\ 62 & 21 & 04 & 7 \end{bmatrix}$
$A = \begin{pmatrix} -274 & 98 & 362 & 16 \\ -480 & 180 & 590 & 20 \\ -63 & 21 & 94 & 7 \\ -675 & 225 & 900 & 45 \end{pmatrix}.$
Calculer le polynôme caractéristique et les valeurs propres de A . Calculer le vecteur propre à
droite associé à la valeur propre dont le module est le plus grand.
Démarche et réponse :

Question 13 (2 pts). Le 3 avril 2016, le Consortium international des journalistes d'enquête (ICIJ) a publié les premiers articles au sujet des *Panama Papers*¹. Au départ, seuls les journalistes travaillant sous l'égide de l'ICIJ ont pu fouiller les données, mais il s'agit d'une tâche titanesque. Le 9 mai 2016, le consortium a décidé de faire appel au public pour pousser la recherche encore plus loin en publiant une base de données contenant des informations provenant des Panama Papers (sans les courriels et autres données personnelles). Celle-ci contient cinq fichiers au format .csv:

```
Addresses.csv (25M) Entities.csv (102M) Officers.csv (41M) all_edges.csv (41M) Intermediaries.csv (3,5M)
```

Répondre aux questions suivantes.

- En utilisant pandas, ouvrir le fichier www.math.ulg.ac.be/hidden_files/Intermediaries.csv dans un tableau de données.
- En utilisant la méthode value_counts d'une série, quels sont les cinq pays qui apparaissent le plus souvent dans la colonne countries?
- Filtrer ce tableau pour conserver que les lignes dont la colonne country_codes est relative à la Belgique (ignorer le cas ou plus d'un pays apparaît).
- Combien de lignes possède ce tableau?

Démarche et réponse :		

^{1.} Les *Panama Papers* désignent la fuite de plus de 11,5 millions de documents confidentiels issus du cabinet d'avocats panaméen Mossack Fonseca, détaillant des informations sur plus de 214 000 sociétés établies dans des paradis fiscaux ainsi que les noms de ceux qui y sont associés.